

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۵/۲۸	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: ویاضی فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان <b>روزانه</b> سراسر کشور در فوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) عجایز است.		
<b>الف) بخش الزائمه</b>		
دانش آموزان عزیز به سوالات اتا ۱۲ (جهت کسب ۱۶ نمره پاسخ دهید).		
۱	جاهاي خالي را با عبارات مناسب پرکنيد.  الف) در ماتریس قطری $A = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ m-1 & 4 \end{bmatrix}$ مقدار $m$ برابر ..... است.  ب) اگر $A$ یک ماتریس $3 \times 3$ و $ A  = 5$ باشد آنگاه $\frac{1}{ A }$ برابر ..... است.  پ) اگر طول قطر بزرگ بیضی دو برابر فاصله کانونی آن باشد، خروج از مرکز بیضی برابر ..... است.  ت) سهمی مکان هندسی نقاطی از یک صفحه است که از یک خط ثابت در آن صفحه واژ یک ..... ثابت غیر واقع بر آن خط در آن صفحه به یک فاصله باشند.	۱
۱	درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.  الف) در دستگاه $\begin{cases} ax+by=c \\ a'x+by=c' \end{cases}$ باشد، دستگاه جواب منحصر به فرد دارد.  ب) مکان هندسی، مجموعه نقاطی از صفحه (یا فضا) است که همه آنها یک ویژگی مشترک داشته باشند و همچنین هر نقطه که آن ویژگی را داشته باشد عضو این مجموعه باشد.  پ) هرگاه صفحه $P$ بر محور سطح مخروطی عمود باشد و از رأس آن عبور نکند، شکل حاصل یک دایره است.  ت) رابطه $x^2 + y^2 - 2x - 4y + 10 = 0$ یک دایره است.	۲
۱/۵	$B = \begin{bmatrix} y+1 & x-2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} x-1 & 8 \\ 3 & z+1 \end{bmatrix}$ اگر دو ماتریس مساوی باشند مقدار $x+y+z$ را بیابید.	۳
۱/۲۵	معادله ماتریسی $x \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} = 0$ را حل کنید	۴
۱/۵	$B = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ باشند حاصل $ A  +  B ^2$ را بیابید.	۵
«ادامه سوالات در صفحه دوم»		

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۵/۲۸	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: ویاضی فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در فوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۶	اگر $A = \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ ماتریس باشد مقادیر $m$ و $n$ را طوری بیابید که رابطه $A^T = mA + nI_2$ برقرار باشد. ( $I_2$ ماتریس همانی است)	۲
۷	معادله دایره‌ای را بنویسید که مرکز آن بوده و بر خط به معادله $4x + 3y + 5 = 0$ عماش باشد.	۱/۲۵
۸	وضعیت خط $x - y - 1 = 0$ و دایره $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 3 = 0$ را نسبت به هم مشخص کنید.	۱/۲۵
۹	مرکز بیضی مقابل برمبدأ مختصات و قطرهای آن مانند شکل بر محورهای $x$ و $y$ منطبق هستند و فاصله $F$ از هردو نقطه $O$ و $A$ برابر ۴ است. طول قطر کوچک بیضی را محاسبه کنید.	۱/۲۵
۱۰	در شکل مقابل نقطه $M$ روی بیضی و کانون‌های $F'$ و $F$ مشخص شده‌اند. خط $d$ را به گونه‌ای رسم کنید که در نقطه $M$ بر بیضی عماس باشد و سپس از نقطه $F'$ خطی موازی با $MF$ وسم کنید تا خط $d$ را در نقطه‌ای مانند $N$ قطع کند. ثابت کنید: $NF' = MF'$	۱
۱۱	مختصات کانون، رأس و معادله خط هادی سهمی به معادله $0 = 25 + 16x + 6y - 6y^2$ را تعیین کنید.	۱/۷۵
۱۲	معادله سهمی را بنویسید که رأس و $y = 3$ معادله خط هادی آن باشد.	۱/۲۵

## ب) بخش انتخابی

دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره از سوالات ۱۳ تا ۱۶ فقط ۲ سوال را به دلخواه انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۳	الف) به ازای چه مقداری از $m$ دستگاه معادلات $\begin{cases} x - 2y = 3 \\ mx + 6y = -4 \end{cases}$ فاقد جواب است؟ ب) دستگاه معادلات $\begin{cases} x - 2y = 3 \\ 2x + 6y = -4 \end{cases}$ را با استفاده از $A^{-1}$ حل کنید. ادامه سوالات در صفحه سوم «	۲
----	---	---

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۵/۲۸	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: ویاضی فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان <b>روزانه</b> سراسر کشور در فوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۴	معادله دایره‌ای را بنویسید که مرکز آن $(1, 0)$ باشد و یا دایره به معادله $x^2 + y^2 - 8x + 4y + 16 = 0$ مماس باشد.	۳
۱۵	الف) نمودار مربوط به معادلات $\begin{cases} x = c \\ z = c \end{cases}$ در فضای $\mathbb{R}^3$ چه شکلی است؟ و چه ارتباطی با نمودار $x = c$ دارد؟ ب) اگر $\vec{a} = (2, -1, 3)$ و $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j}$ باشد اندازه بردار $\vec{a} + 2\vec{b}$ را به دست آورید.	۲
۱۶	بردارهای $\vec{a} = (2, -1, 0)$ و $\vec{b} = (1, -1, 0)$ را در نظر بگیرید. الف) زاویه بین دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ را به دست آورید. ب) برداری عمود بر دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ پیدا کنید.	۲
	موفق و سریبلند باشید	جمع نمره

مدت امتحان: 135 دقیقه	ساعت شروع: 8 صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه 3
تاریخ امتحان : 1399/5/28		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور شهریور ماه سال 1399	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
1	بخش الف) الزامی (0/25) ت) نقطه $\frac{1}{2}$ پ) $\frac{5}{8}$ ب) $m=1$ الف) $m=1$	1
2	الف) نادرست (0/25) ت) نادرست (0/25) پ) درست (0/25) ب) درست (0/25)	1
3	$\begin{cases} x-1=y+1 \\ x-2=8 \\ z+1=4 \end{cases} \xrightarrow{(0/5)} \underbrace{x=1}_{(0/25)}, \underbrace{y=8}_{(0/25)}, \underbrace{z=3}_{(0/25)} \Rightarrow x+y+z=21 \quad (0/25)$	1/5
4	$\begin{bmatrix} x & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} = \underbrace{\begin{bmatrix} x-3 & 12 \end{bmatrix}}_{(0/5)} \underbrace{\begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}}_{(0/5)} = \underbrace{\begin{bmatrix} 3x-21 \end{bmatrix}}_{(0/5)} = 0 \Rightarrow x=7 \quad (0/25)$	1/25
5	$ A  = 2 \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} = 2 \times 1 = 2 \quad (0/5)$ , $ B  = -6 \quad (0/5) \rightarrow  B^2  = 36 \quad (0/25)$ $ A  +  B^2  = 56 \quad (0/25)$	1/5
6	$\begin{aligned} A^2 &= \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 & 4 \\ 2 & 9 \end{bmatrix} \quad (0/5) \\ mA + nI &= \underbrace{\begin{bmatrix} 0 & 4m \\ 2m & m \end{bmatrix}}_{(0/25)} + \underbrace{\begin{bmatrix} n & 0 \\ 0 & n \end{bmatrix}}_{(0/5)} = \underbrace{\begin{bmatrix} n & 4m \\ 2m & m+n \end{bmatrix}}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{n=8}_{(0/25)}, \underbrace{m=1}_{(0/25)} \end{aligned}$	2
7	$r = \frac{ ax_0 + by_0 + c }{\sqrt{a^2 + b^2}} = \frac{ 12 + 3 + 5 }{\sqrt{16 + 9}} = 4 \quad , \quad (x-3)^2 + (y-1)^2 = 16 \quad (0/5)$	1/25
8	$(x-1)^2 + (y+2)^2 = 2 \rightarrow O(1, -2), r = \sqrt{2} \quad (0/5)$ $d = \frac{ 1+2-1 }{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} \quad (0/5)$ خط بر دایره مماس است. $(0/25) \Leftarrow r=d$	1/25
9	$OF = c = 4, OA = a = 8 \xrightarrow{(0/5)} b^2 = a^2 - c^2 = \underbrace{64 - 16}_{(0/25)} = 48 \rightarrow b = \underbrace{4\sqrt{3}}_{(0/25)} \rightarrow 2b = 8\sqrt{3} \quad (0/25)$	1/25
	«ادامه در صفحه دوم»	

مدت امتحان: 135 دقیقه	ساعت شروع: 8 صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه 3
تاریخ امتحان: 1399/5/28		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور شهریور ماه سال 1399	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
10	<p>مجموع <math>MF + MF'</math> کم‌ترین مقدار است بنا به خاصیت کوتاه‌ترین مسیر، زاویه‌های <math>\hat{M}_1 = \hat{M}_2</math> از طرفی: <math>\hat{N} = \hat{M}_1</math> و <math>MF \parallel NF'</math> نتیجه می‌شود <math>\hat{N} = \hat{M}_2</math> مثلث <math>MNF'</math> متساوی الساقین است. یعنی <math>MF' = NF'</math>.</p>	1
11	<p>فرم استاندارد سه‌می به صورت <math>(y - 3)^2 = -16(x + 1)</math> است. (0/5) سه‌می افقی و دهانه سه‌می به سمت چپ باز می‌شود. (0/25) راس سه‌می نقطه <math>A(-1, 3)</math> است. (0/25) و <math>a = 4</math> مختصات کانون آن نقطه (0/25) معادله خط هادی سه‌می به صورت <math>x = a + h = 3</math> است. (0/25) <math>F(-a + h, k) = (-5, 3)</math></p>	1/75
12	<p>با توجه به جایگاه رأس و خط هادی، سه‌می قائم و دهانه سه‌می رو به بالا است (0/5) و <math>(x - h)^2 = 4a(y - k) \Rightarrow (x - 4)^2 = 12(y - 6)</math> (0/5) فرم استاندارد سه‌می به صورت:</p>	1/25

مصحح گرامی، اگر دانش آموزی به بیش از 2 سوال انتخابی پاسخ داده باشد فقط 2 سوال اول را تصحیح نماید.

### ب) بخش انتخابی

13	$\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ m & 6 \end{vmatrix} = 0 \xrightarrow{(0/25)} 6 + 2m = 0 \xrightarrow{(0/25)} m = -3 \quad (0/25)$ <p style="text-align: right;">الف)</p> $\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 6 \end{vmatrix} = 1 \circ \xrightarrow{(0/25)} A^{-1} = \frac{1}{1 \circ} \begin{bmatrix} 6 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} \quad (0/25)$ $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \underbrace{\frac{1}{1 \circ} \begin{bmatrix} 6 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}}_{(0/25)} \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix} = \underbrace{\begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}}_{(0/25)} \rightarrow x = 1, y = -1 \quad (0/25)$ <p style="text-align: right;">ب)</p>	2
14	$(x - 4)^2 + (y + 2)^2 = 4 \rightarrow O'(4, -2), r' = 2 \quad (0/5)$ $OO' = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \quad (0/25)$ $ r - r'  = OO' \xrightarrow{(0/25)}  r - 2  = 5 \xrightarrow{(0/25)} \begin{cases} r = 7 & (0/25) \\ r = -3 & (0/25) \end{cases} \rightarrow x^2 + (y - 1)^2 = 49 \quad (0/25)$ <p style="text-align: center;">غایق</p>	
«ادامه در صفحه سوم»		

مدت امتحان: 135 دقیقه	ساعت شروع: 8 صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه 3
تاریخ امتحان: 1399/5/28	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه سراسرکشور شهریور ماه سال 1399		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
15	<p>محور <math>y</math> ها است. <math>(0/5)</math> معادله <math>x = \circ</math> معادله صفحه <math>yz</math> که شامل محور <math>y</math> ها است.</p> $\vec{a} + 2\vec{b} = (2, -1, 3) + 2\underbrace{(1, 2, \circ)}_{(0/25)} = (4, 3, 3) \quad (0/25)$ $ \vec{a} + 2\vec{b}  = \sqrt{16 + 9 + 9} = \sqrt{34} \quad (0/5)$	2
16	<p>(الف) <math>\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{a}   \vec{b} } = \frac{3}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad (0/25) \rightarrow \theta = \frac{\pi}{4} \quad (0/25)</math></p> $\vec{a} \times \vec{b} = \underbrace{(2, -1, 2) \times (1, -1, \circ)}_{(0/25)} = (2, 2, -1) \quad (0/5)$	2
	" مصحح گرامی، به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود "	24