

مقدمه ناشر

آقای لئوناردو فیبوناچی یه ریاضی دان قرون وسطاییه. وقتی بچه بود «بیگالونه» صداش می‌کردن (بیگالونه یعنی کله‌پوک و احمق). همین جناب بیگالونه، شد ریاضی دان بزرگ و یک دنباله کشف کرد که ما الان بهش می‌گیم دنباله فیبوناچی:

۱, ۱, ۲, ۳, ۵, ۸, ۱۳, ...

در این دنباله، جمع هر دو جمله متوالی می‌شه جمله بعدی و دیگه این که به غیر از چندتا جمله اول، نسبت جمله n به جمله $n+1$ با تقریب خوبی برابر با $\Phi = 1.62$ می‌شه. این نسبت معروف به «تناسب طلایی» یا «تناسب الهی». حُب همه اینا درست! آخرش که چی؟ جالبی داستان اینه که، دنباله آقای بیگالونه و نسبت طلائیش یکی از گُدها و رمزهای طبیعته. مثلاً در موجودات زنده رشد سریع تر بافت‌های داخلی نسبت به بافت‌های خارجی باعث شکل‌گرفتن انحنایها و پیچ‌وتاب‌هایی می‌شه که منطبق با تناسب طلاییه: تراشه‌های چوب درخت چنار، میوه کاج، چنگال‌های گربه‌سانان، حلزون گوش میانی، دندان‌های نیش ببر و حتی انحنای ظریف و شاعرانه لب معشوق!

فکر کنم این جمله از گالیلیه است که: «قوانين طبیعت به زبان ریاضی نوشته شده» حتی نسبت طول به عرض منحنی‌های سینوسی مولکول‌های RNA و DNA هم برابر نسبت طلاییه؛ یعنی ما چه بخوایم چه نخوایم ریاضی تو وجودمنه، فقط باید بیگالونه باشیم و کشف کنیم. حتماً خوندن این کتاب ریاضی دان درون شما رو بیدار می‌کنه.

بی‌هیچ ترتیب و آدابی از رفای خوبم سروش، کوروش و رسول ممنونم واقعاً که کتاب خوبی نوشتین و مطمئنم هر کی بخونه کیف می‌کنه.

مرسی از همه دوستای خلی‌سیزی که برای کتابشدن این کتاب زحمت کشیدن به ویژه آقایان محسن فراهانی و کیوان صارمی عزیز و مسئول پروژه خستگی‌ناپذیر این کتاب یگانه فلاحی که زحمت از صفر تا صد این پروژه روی دوششون بود و سپاس از برویچه‌های تولید و ویراستارای خوبمون.

شاد باشید و خوشحال درس بخونید.

مقدمه مؤلف

سلام

به کلاس دهم و متوسطه دوم خوش آمدید.

سه سال دیگر باید در دبیرستان درس بخوانید تا برای چالش‌های بزرگ‌تر و جذاب‌تر زندگی آماده‌تر شوید. ریاضیات سال دهم یا همان ریاضی (۱)، کتاب خیلی مهمی است و شما هم که به چیزهای مهم علاقمندید و قرار است با کتاب تست ریاضی دهم خیلی سبز، ریاضی‌تان را قوی‌تر کنید. هر چه قدر که در سال‌های دهم و یازدهم درس بخوانید، تست بزنید و رحمت بشکید جای دوری نمی‌رود؛ این سال‌ها مثل پس‌انداز هستند.

کتاب دهم هفت فصل دارد: در فصل اول سه مطلب جدا از هم به نام‌های مجموعه، الگو و دنباله دارید. با مجموعه از دوره متوسطه اول آشنا هستید، الگو و دنباله مطالب جدید و نسبتاً ساده‌ای هستند. کل مطالب این فصل در همین سال به پایان می‌رسد و سال‌های بعد کاری با آن‌ها ندارید. در فصل دوم با مطلب جدیدی به نام مثلاًثات آشنا می‌شوید که بسیار مهم است و در سال یازدهم و دوازدهم نیز حضور دارد. مثلاًثات را با علاقه و آینده‌نگری، خوووووب یاد بگیرید.

در فصل سوم مقاهیم توان و ریشه را از سال نهم می‌شناسید. با اتحادها هم یک آشنا‌یی مختصر دارید که امسال تکمیل می‌شود. آخر این فصل، تجزیه و عبارت‌های گویا منظرتان هستند.

فصل چهارم مهم است، خیلی مهم! معادله درجه‌دوم و نمودار سهمی و تعیین علامت و نامعادله، در سال‌های بعد و مبحث‌های دیگر هم به کارتان می‌آید. این فصل را هم با عشق بخوانید و خیلی تمرین حل کنید. مرررسی.

در فصل پنجم صحبت از مفهوم تابع است. تابع در سال یازدهم و دوازدهم هم هست و هر سال کامل‌تر و مهم‌تر می‌شود. توصیه می‌کنیم از همین اول کار با تابع دوست شوید.

در فصل‌های ششم و هفتم، فضای درس کمی عوض می‌شود. بحث شمارش و احتمال شبیه هم هستند. صحبت از سکه، تاس، انتخاب، چیدن افراد، اشیا، عددسازی، کلمه‌سازی و این‌ها است. یادتان هست که در سال‌های هفتم و هشتم، احتمال داشتید و در اینجا همان مطالب را دوره می‌کنید و بیشتر یاد می‌گیرید. این فصل مهم، مثل تابع و مثلاًثات، احتمال هم در سال‌های یازدهم و دوازدهم مهمان شما است. میزان خوبی باشید!

آخر فصل هفتم، کتاب درسی چند صفحه از آمار و انواع متغیرها گفته است که ادامه‌اش را در سال یازدهم می‌بینید. اگر داوطلب رشته ریاضی هستید که باید ریاضی را عاشقانه بخوانید. اگر تجربی هستید هم از الان خبر داشته باشید که کسب نمرات بالا در ریاضی امتحان نهایی و کنکور، برای رسیدن به اهدافتان خیلی مفید است. پس همه با صدای بلند: ریاضی را می‌خوانیم و تمرین می‌کنیم و تست می‌زنیم. ساختار این کتاب به ترتیب درس‌نامه، تست و پاسخ است. در درس‌نامه مثال‌های کافی شما را گرم می‌کنند تا برای حل تست‌ها آماده بشوید. در تست‌ها از مشکافی کامل کتاب درسی شروع کرده‌ایم و تا بالاترین سطح ممکن پیش رفته‌ایم.

محتوا حتماً خبر دارید که در سال‌های اخیر سطح تست‌های کنکور بسیار فراتر رفته و در نتیجه آزمون‌های آزمایشی هم خیلی سخت‌تر می‌شوند، این تست‌ها با حال و هوای سخت‌ترین تست‌های کنکور طراحی شده‌اند و اولاً برای حل تک‌تک این تست‌ها با معلم‌تان مشورت کنید، ثانیاً اگر نتوانستید آن‌ها را به راحتی حل کنید، نگران نباشید ولی سعی کنید از راه حل‌ها ایده بگیرید.

کتاب تست خیلی سبز نسبت به اولین چاپ‌هایش تغییرات زیادی داشته و کتابی که الان دست شماست، کاملاً بازنویسی شده است. تلاش زیادی کرده‌ایم که درس‌نامه‌های پرمثال، تست‌های کافی و متنوع و پاسخ‌های تشریحی گویا، به شما بیش از پیش کمک کنند. در مسیر تألیف کتاب از راهنمایی و نظرات همکاران بسیاری بهره بردیم و مهم‌ترین تشکر در چاپ جدید این کتاب تعلق می‌گیرد به استاد حسین نادری که با سخاوت فراوان تست‌های زیبایی را به کتاب افزودند.

بالآخره تشکرهاي درون انتشاراتي ...

سیاست از دو دکتر نصری، که در خیلی سبز، خیلی خیلی سبز هستند. تشکر ویژه از دکتر کمیل که مدیریت کار تألیف را بر عهده داشتند. سپاس ویژه از آقای کیوان صارمی و خانم یگانه فلاحتی که امور هماهنگی و پیگیری را صبورانه انجام دادند. تشکر از تیم تایپ و رسم شکل و صفحه‌آرایی و گرافیک و ... که در امور اجرایی همراه این کتاب بودند. طرح جلد و نظارت چاپ و پخش و امور مالی و اداری دست به دست هم دادند تا کتاب به موقع و زیبینده، به دستان برسد. ممنون از همه.

هر سؤالی که درباره تست‌ها و نحوه مطالعه کتاب داشتید را می‌توانید از طریق کanal @riazikheilisabz از ما بپرسید! و از تست‌های بیشتر، تمرین‌های تشریحی برای امتحان‌های نهایی و... استفاده کنید.

فهرست

صفحه

۴ فصل چهارم: معادله‌ها و نامعادله‌ها

۲۰۷	درس اول: معادله درجه دوم و روش‌های مختلف حل آن
۲۱۶	درس دوم: سهمی
۲۲۸	درس سوم: تعیین علامت (حل نامعادله، نامعادلات قدر مطلقی)
۲۴۷	آزمون
۲۵۸	پاسخ‌نامه تشریحی
۲۷۸	پاسخ‌نامه آزمون

صفحه

۱ فصل اول: مجموعه، الگو و دنباله

۷	درس اول: یادآوری مجموعه‌ها
۱۰	درس دوم: مجموعه‌های مهم اعداد – بازه
۱۵	درس سوم: مجموعه‌های متناهی و نامتناهی
۱۶	درس چهارم: مجموعه مرجع و متمم
۲۰	درس پنجم: تعداد اعضای اجتماع دو مجموعه
۲۴	درس ششم: الگوی خطی
۲۸	درس هفتم: الگوی درجه دوم
۳۲	درس هشتم: دنباله و سایر الگوها
۳۶	درس نهم: دنباله حسابی
۴۳	درس دهم: دنباله هندسی
۵۲	آزمون
۵۳	پاسخ‌نامه تشریحی
۸۳	پاسخ‌نامه آزمون

۲ فصل دوم: مثلثات

۸۵	درس اول: نسبت‌های مثلثاتی
۹۹	درس دوم: دایرهٔ مثلثاتی
۱۰۹	درس سوم: روابط بین نسبت‌های مثلثاتی (اتحادهای مثلثاتی)
۱۱۸	آزمون
۱۲۰	پاسخ‌نامه تشریحی
۱۴۳	پاسخ‌نامه آزمون

۳ فصل سوم: توان‌های گویا و عبارت‌های جبری

۱۴۵	درس اول: ریشه و توان
۱۴۹	درس دوم: ریشه آم
۱۵۴	درس سوم: توان‌های گویا
۱۵۸	درس چهارم: اتحادها و تجزیه
۱۷۰	درس پنجم: عبارت‌های گویا / گویاکردن مخرج‌های گنگ
۱۷۸	آزمون
۱۷۹	پاسخ‌نامه تشریحی
۲۰۵	پاسخ‌نامه آزمون

۷ فصل هفتم: آمار و احتمال

۳۸۹	درس اول: احتمال با اندازه‌گیری شانس (فضای نمونه‌ای و پیشامد – احتمال ساده – قوانین احتمال)
۴۰۷	درس دوم: مقدمه‌ای بر علم آمار، جامعه و نمونه
۴۰۹	آزمون
۴۱۱	پاسخ‌نامه تشریحی
۴۲۳	پاسخ‌نامه آزمون
۴۲۴	پاسخ‌نامه کلیدی

درس ۹: دنباله حسابی (تصاعد حسابی یا تصاعد عددی)

دنباله حسابی همان الگوی خطی است یعنی اختلاف جمله‌های متوالی، مقدار ثابتی است که اسمش را قدرنسبت می‌گذاریم. بینید: ... ۲, ۵, ۸, ۱۱, ...

$$t_2 - t_1 = 5 - 2 = 3 \quad t_3 - t_2 = 8 - 5 = 3$$

پس این یک دنباله حسابی با قدرنسبت ۳ است. قدرنسبت را معمولاً با d نشان می‌دهیم:

$$d = t_2 - t_1 = t_3 - t_2 = t_4 - t_3 = \dots = t_n - t_{n-1} = t_{n+1} - t_n$$

نکته: اگر دنباله ..., t_1, t_2, t_3, \dots حسابی باشد، داریم:

$$t_{n+1} = n + t_n \quad (\text{F})$$

$$t_{n+1} = 3t_n \quad (\text{W})$$

تست: قدرنسبت کدام دنباله حسابی بیشتر است؟ $t_1 = 1$ است.

$$t_n = t_{n+1} + 3 \quad (\text{P})$$

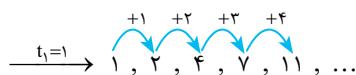
$$t_{n+1} = t_n + 2 \quad (\text{L})$$

پاسخ ۱: ۱) می‌گوید که جمله $(n+1)$ ام از جمله n ام تا بیشتر است؛ پس 2

۲) یعنی $-3 = t_{n+1} - t_n$ ، پس قدرنسبت می‌شود -3 .

۳) اصلاً دنباله حسابی نیست! جمله $(n+1)$ ام، 3 برابر جمله n ام است. سؤال گفته بود $t_1 = 1$ ؛ پس این دنباله می‌شود ... $1, 3, 9, 27, \dots$ (بعداً می‌بینیم که هندسی است).

۴) هم دنباله حسابی نیست. جمله $(n+1)$ ام، n تا بیشتر از جمله n ام است. پس اختلاف جمله‌های متوالی ثابت نیست. جملات را ببینید:



(با اطلاعات درس قبلی بگویید چرا این دنباله درجه‌دوم است؟)

پس قدرنسبت ۱ از همه بیشتر بود.

تذکر: اگر مقدار d یعنی قدرنسبت دنباله حسابی مثبت باشد، دنباله افزایشی (صعودی) است و هر جمله از قبلی‌اش بیشتر می‌شود.

$$d > 0 \Leftrightarrow t_1 < t_2 < t_3 < \dots < t_{n-1} < t_n < t_{n+1} < \dots$$

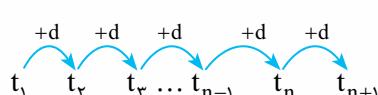
در حالتی که $d < 0$ است، هر جمله از جمله‌قبلی کمتر می‌شود و دنباله کاهشی (نزولی) است:

$$d = 0 \Leftrightarrow t_1 = t_2 = t_3 = \dots = t_{n-1} = t_n = t_{n+1} = \dots$$

اگر $d = 0$ باشد، دنباله حسابی ثابت است؛ یعنی تمام جمله‌ها با هم برابرند:

جمله عمومی دنباله حسابی گفتیم اختلاف هر دو جمله متوالی d است. پس هر جمله با افزودن d به جمله اول،

پس داریم:



يعني: $t_2 = t_1 + d$, $t_3 = t_2 + d = (t_1 + d) + d = t_1 + 2d$, $t_4 = t_3 + d = (t_1 + 2d) + d = t_1 + 3d$

پس در حالت کلی جمله عمومی دنباله حسابی برابر است با:

مثال در دنباله ..., $4, 11, \dots$ داریم: $t_1 = -3$ و $d = 7$ ، پس جمله عمومی می‌شود: $t_n = t_1 + (n-1)d = -3 + (n-1)7 = -3 + 7n - 7 = 7n - 10$.

همان طور که دیدید بعد از ساده‌سازی‌ها، جمله عمومی دنباله حسابی به صورت $t_n = an + b$ درمی‌آید که از این نمایش d و t_1 برابرند با:

$$t_1 \xrightarrow{\text{به دست می‌آید.}} \frac{\text{ضریب } n \text{ در } t_n}{\text{جمله عمومی دنباله حسابی}} \xleftarrow{\text{ضریب } n \text{ در } t_1}$$

مثال در دنباله با جمله عمومی $t_n = 2 + 3n$ داریم: $t_1 = 2 + 3(1) = 5$ ، مقدار قدرنسبت هم ضریب n است یعنی 3 .

$$\frac{1}{n}, n, \frac{1-3n}{2}, \frac{4n^2-n}{n}, \sqrt{n^2-6n+9}, \frac{1+2+3+\dots+n}{n}$$

مثال: چندتا از جمله‌های عمومی مقابله مربوط به دنباله حسابی‌اند؟

$$\frac{1}{1}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots$$

$$1, 2, 3, \dots \Rightarrow d = 1$$

$$\frac{-2}{2}, \frac{-5}{2}, \frac{-8}{2}, \frac{-11}{2}, \dots$$

به صورت $1 - 3n$

$$t_n = 4n$$

ساده می‌شود که دنباله حسابی با $t_1 = 3$ و $d = 4$ است. (بگویید t_1 و d را چگونه حساب کردیم؟)

پاسخ: **الف** $\frac{1}{n}$ دنباله حسابی نیست (n^{-1} دارد)، به جملاتش هم نگاه کنید:

ب n دنباله حسابی است (n^1 دارد)، ببینید:

ب $\frac{1-3n}{2}$ نیز دنباله‌ای حسابی است (n توان 1 دارد). قدرنسبتش $\frac{3}{2}$ و جمله اولش -1 است. ببینید:

$$\frac{4n^2-n}{n}$$

به صورت $1 - 3n$

$$\sqrt{(n-3)^2} = \sqrt{n^2-6n+9}$$

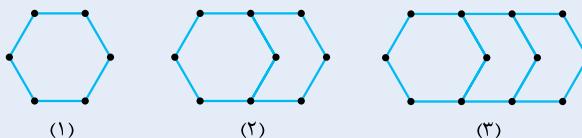
همان n است که می‌شود $|n-3|$ ، خب این یک دنباله حسابی نیست چون قدرمطلق دارد. به جمله‌ها نگاه کنید:

$$t_n : 2, 1, 0, 1, 2, 3, \dots$$

$$\frac{n(n+1)}{2}$$

ج از درس الگوها یادتان هست که $t_n = \frac{n(n+1)}{2}$ ساده می‌شود و حسابی است. قدرنسبتش $\frac{1+1}{2} = 1$ است. و جمله اولش $t_1 = 1$ است.

خلاصه، جواب می‌شود ۴ تا دنباله حسابی «ب»، «ب»، «ت» و «ج».



مثال: در شکل‌های رویه‌رو، برای تعداد پاره خط‌ها و تعداد نقطه‌ها در شکل n ، دنباله حسابی می‌نویسیم. اگر a_n تعداد نقطه‌ها و b_n تعداد پاره خط‌های شکل n باشد، به سؤال‌های زیر جواب دهید:

الف) شکل سی و سوم چند نقطه دارد؟

پ) در کدام شکل تعداد پاره خط‌ها سه رقمی است؟

ث) مجموع نقاط و پاره خط‌ها در شکل n ، با کدام دنباله مشخص می‌شود؟ **ج)** کدام شکل 50 پاره خط دارد؟

پاسخ: خب در شکل اول ۶ نقطه داریم ($a_1 = 6$)، در شکل دوم و سوم و بعدی‌ها هر بار سه نقطه جدید اضافه می‌شود ($d = 3$)، پس داریم:

$$a_n = a_1 + (n-1)d = 6 + (n-1)3 = 6 + 3n - 3 = 3n + 3$$

برای پاره خط‌ها نیز در شکل اول $6 = b_1$ پاره خط داریم که در هر مرحله $4 = d'$ تا به آن‌ها افزوده می‌شود. بنابراین:

$$b_n = b_1 + (n-1)d' = 6 + (n-1) \times 4 = 4n - 4 + 6 = 4n + 2$$

$$a_{33} = 3 \times 33 + 3 = 102$$

$$b_{41} = 4 \times 41 + 2 = 166$$

$$100 \leq b_n < 1000 \Rightarrow 100 \leq 4n + 2 < 1000 \Rightarrow 98 \leq 4n < 998 \Rightarrow 24/5 \leq n < 249/5$$

یعنی از شکل بیست و پنجم تا شکل دویست و چهل و نهم b_n تعداد پاره خط‌ها سه رقمی است.

$$c_n = b_n - a_n = 4n + 2 - (3n + 3) = n - 1 = 13 \Rightarrow n = 14$$

ث) اختلاف تعداد پاره خط‌ها و نقاط برابر است با:

پس در شکل 14 ، این اختلاف 13 است.

پ) مجموع می‌شود $a_n + b_n$ یعنی 5 ، پس دنباله حسابی با جمله اول $t_1 = 7 + 5 = 12$ و قدرنسبت 7 دارد.

$$b_n = 4n + 2 = 5 \Rightarrow 4n = 5 - 2 = 48 \Rightarrow n = \frac{48}{4} = 12$$

ج) اگر تعداد پاره خط‌ها 50 باشد:

یعنی شکل دوازدهم این طور است.

تست: در دنباله حسابی اگر جمله ششم 20 و مجموع جملات هفتم و دهم 50 باشد، نسبت جمله اول به قدرنسبت کدام است؟

آ (۱)

ب (۲)

ج (۳)

د (۴)

$$t_6 = t_1 + 5d = 20 \quad , \quad t_7 + t_8 = t_1 + 6d + t_1 + 9d = 2t_1 + 15d = 50$$

پاسخ: سؤال این‌ها را گفته:

$$\begin{cases} t_1 + 5d = 20 \\ 2t_1 + 15d = 50 \end{cases} \xrightarrow{\times(-2)} -2t_1 - 10d = -40 \xrightarrow{\text{جمع}} 5d = 10 \Rightarrow d = 2 \xrightarrow{\text{جایگذاری}} t_1 + 10 = 20 \Rightarrow t_1 = 10$$

پس نسبت $\frac{t_1}{d} = \frac{10}{2} = 5$ یعنی 5 .

تست: در دنباله حسابی t_n کدام نادرست است؟ (قدرنسبت دنباله و عددی غیرصفر است.)

$$t_1 + t_7 + t_{10} = t_7 + 2t_6 \quad (۱)$$

$$t_{17} + t_5 = t_{10} + t_{12} \quad (۲)$$

$$t_{12} - t_7 = 5d \quad (۳)$$

$$\frac{t_5 + 2t_8}{3} = t_7 \quad (۴)$$

پاسخ ۴: جمله عمومی $t_n = t_1 + (n-1)d$ است؛ پس داریم:

$$1 \quad \frac{t_5 + 2t_8}{3} = \frac{t_1 + 4d + 2(t_1 + 7d)}{3} = \frac{t_1 + 4d + 2t_1 + 14d}{3} = \frac{3t_1 + 18d}{3} = t_1 + 6d = t_7 \quad (\text{درست است.})$$

$$2 \quad t_{12} - t_7 = t_1 + 11d - (t_1 + 6d) = 11d - 6d = 5d \quad (\text{درست است.})$$

$$3 \quad \begin{cases} t_{17} + t_5 = t_1 + 16d + t_1 + 4d = 2t_1 + 20d \\ t_{10} + t_{12} = t_1 + 9d + t_1 + 11d = 2t_1 + 20d \end{cases} \quad \xrightarrow{\text{مساوی اند.}} \quad (\text{درست است.})$$

$$4 \quad t_1 + t_7 + t_{10} = t_1 + t_1 + d + t_1 + 9d = 3t_1 + 10d$$

$$t_3 + 2t_6 = t_1 + 2d + 2(t_1 + 5d) = t_1 + 2d + 2t_1 + 10d = 3t_1 + 12d$$

این‌ها مساوی نیستند (چون d صفر نیست)، پس ۴ درست نیست.

همان‌طور که در مثال بالا دیدیم، درباره جمع و تفاضل دو جمله از دنباله حسابی داریم:

$$t_m - t_n = (m-n)d$$

۱ اختلاف دو جمله برابر است با اختلاف شماره‌ها ضرب در قدرنسبت:

$$m+n=r+s \Rightarrow t_m + t_n = t_r + t_s$$

$$\underbrace{t_9 + t_{13}}_{\substack{\text{جمع شماره‌ها} \\ = 23}} = \underbrace{t_7 + t_{15}}_{\substack{\text{جمع شماره‌ها} \\ = 23}} = \underbrace{t_5 + t_{17}}_{\substack{\text{جمع شماره‌ها} \\ = 23}} = \dots$$

۲ اگر جمع شماره‌ها برابر باشد، جمع جملات برابر است:

$$\text{مثال ۱: } t_7 - t_{11} = (7-11)d = -4d$$

تست: در ۱۲ جمله اول دنباله حسابی مجموع جملات ردیف فرد، ۱۲۰ است. جمله ششم دنباله کدام است؟

۲۴ (۴)

۲۰ (۳)

۱۲ (۴)

۱۰ (۱)

پاسخ ۳: جمله‌های ردیف فرد a_1, a_3, a_5, a_7, a_9 و a_{11} هستند.

برای مجموع a_1 و a_3 و ... داریم:

$$a_1 + a_{11} = a_7 + a_9 = a_5 + a_7 \quad (\text{جمع شماره‌ها ۱۲ است.})$$

$$a_1 + a_7 + a_5 + a_7 + a_9 + a_{11} = 3(a_1 + a_{11}) = 3(2a_7) = 120 \Rightarrow a_7 = 20$$

این $2a_7$ است.

پس مجموع این‌ها می‌شود:

شاید سریع‌تر باشد!

اگر سه عدد داشته باشیم از کجا می‌فهمیم که دنباله حسابی می‌سازند یا نه؟ خب به اختلاف جمله‌های متولی نگاه می‌کنیم: **واسطه حسابی**

A, B, C, \dots اگر $B - A$ و $C - B$ با هم برابر باشند، دنباله حسابی داریم.

معمولًا در عبارت‌های پارامتری، این شرط را به صورت $B = A + C$ یا $2B = A + C$ می‌نویسیم و می‌گوییم «دو برابر وسطی برابر مجموع دو طرفش است». به B می‌گوییم **واسطه حسابی** A و C .

پس **مثال ۲** $\sqrt{2} + 1 + 5 - \sqrt{2} = \frac{2 \times 3}{6} = \sqrt{2} + \sqrt{2} + 1 + 5 - \sqrt{2}$ یک دنباله حسابی است چون شرط $2B = A + C$ برقرار است.

تست: اگر $x, 3, 5x, \dots$ دنباله حسابی بسازند، قدرنسبت این دنباله چه‌قدر است؟

۳ (۴) -۲ یا

-۳ (۳) ۲ یا

۶ یا

۱ (۱)

پاسخ ۴: شرط تشکیل دنباله حسابی این بود:

$$\frac{x}{A}, \frac{3}{B}, \frac{5x}{C}$$

$$2B = A + C \Rightarrow 2 \times 3 = x + 5x \Rightarrow x + 5x - 6 = 0 \Rightarrow (x+6)(x-1) = 0 \Rightarrow x = 1 \text{ یا } -6$$

به ازای $x = 1$ دنباله می‌شود... $1, 3, 5, \dots$ که قدرنسبت آن ۲ است.

به ازای $x = -6$ دنباله می‌شود... $-3, -3, -3, \dots$ که قدرنسبتش ۳۳ است.

تست: اگر طول اضلاع مثلث قائم‌الزاویه‌ای دنباله حسابی بسازند، نسبت وتر به ضلع متوسط کدام است؟

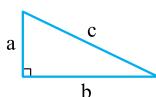
۱/۵ (۴)

۱/۳۳ (۳)

۱/۲۵ (۴)

۱/۲ (۱)

پاسخ ۵: این‌ها را داریم:



$$2b = a + c \Rightarrow \text{دباله حسابی}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow \text{فیثاغورس}$$

اگر به جای a ، از معادله اول، $c - 2b$ بگذاریم، داریم:

$$c^2 = (\underbrace{2b - c}_{\text{به جای } a})^2 + b^2 = 4b^2 - 4bc + c^2 + b^2 \Rightarrow 5b^2 - 4bc = 0 \Rightarrow 5b^2 = 4bc \xrightarrow{\div b^2} 5 = 4 \frac{c}{b} \Rightarrow \frac{c}{b} = \frac{5}{4} = 1/25$$

يعني نسبت وتر به ضلع متوسط $1/25$ است.



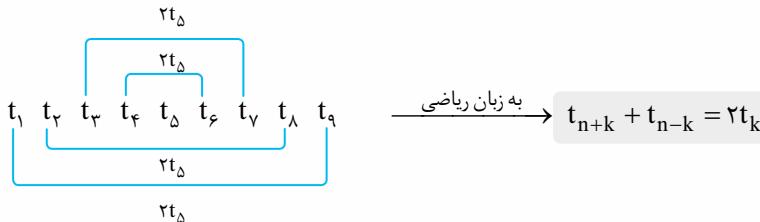
نتیجهٔ تست صفحهٔ قبل را در قالب نکتهٔ زیر به یاد داشته باشید:

نکته: اگر در مثلث قائم‌الزاویه، طول اضلاع دنبالهٔ حسابی بسازند حتماً $3k, 4k, 5k$ هستند.

جملات متقارن شرط $C + B = A + C$ به طور کلی برای جمله‌های متقارن برقرار است. یعنی در دنبالهٔ حسابی $t_1, t_2, t_3, t_4, t_5, t_6, t_7, t_8, t_9, \dots$ داریم:

$$2t_5 = t_4 + t_6 = t_3 + t_7 = t_2 + t_8 = t_1 + t_9$$

دو طرف
هر طرف
هر طرف
هر طرف



این‌طوری:

درج واسطهٔ حسابی اگر بین دو عدد a و b اعدادی بنویسیم که دنبالهٔ حسابی ساخته شود، می‌گوییم واسطهٔ حسابی درج کردہ‌ایم. **مثال** بین 20 و 56 می‌توانیم 2 یا 3 یا 5 واسطهٔ حسابی به صورت مقابل بنویسیم:

$$20 \boxed{32} \boxed{44} \boxed{56} \xrightarrow[t_4=56]{t_1=20} 56 = 20 + 3d \Rightarrow d = 12$$

$$20 \boxed{29} \boxed{38} \boxed{47} \boxed{56} \xrightarrow[t_5=56]{t_1=20} 56 = 20 + 4d \Rightarrow d = 9$$

$$20 \boxed{26} \boxed{32} \boxed{38} \boxed{44} \boxed{50} \boxed{56} \xrightarrow[t_7=56]{t_1=20} 56 = 20 + 6d \Rightarrow d = 6$$

$$d = \frac{b-a}{n+1}$$

نکته: اگر بین a و b , n تا واسطهٔ حسابی بنویسیم، دنبالهٔ حاصل $n+2$ جمله دارد و داریم:

تست: بین دو عدد 62 و 17 ، پنج واسطهٔ حسابی می‌نویسیم. واسطهٔ سوم چند برابر قدرنسبت است؟

$$\frac{71}{15} \quad (4)$$

$$\frac{79}{15} \quad (3)$$

$$\frac{68}{15} \quad (2)$$

$$\frac{64}{15} \quad (1)$$

پاسخ: اول قدرنسبت را حساب کنیم:

حالا دنباله را با قدرنسبت $7/5$ کامل می‌کنیم:

پس واسطهٔ سوم $39/5$ است و داریم:

$$a = 17, b = 62 \xrightarrow{n=5} d = \frac{b-a}{n+1} = \frac{62-17}{5+1} = \frac{45}{6} = \frac{15}{2} = 7\frac{1}{2}$$

$$17 \underbrace{\quad}_{\text{واسطه‌ها}} \xrightarrow{+7/5} 24/5 \xrightarrow{+7/5} 32 \xrightarrow{+7/5} 39/5 \xrightarrow{+7/5} 47 \xrightarrow{+7/5} 54/5 \xrightarrow{+7/5} 62$$

$$\text{واسطهٔ سوم} = \frac{39}{5} \quad \text{قدرنسیب} = \frac{7}{5}$$

نکته: اگر در جمله‌های دوتا دنبالهٔ حسابی، اعداد مشترک باشد، این جمله‌های مشترک خودشان دنباله‌ای حسابی می‌سازند که قدرنسبتش ک.م.م. قدرنسبت‌های دوتا دنباله است.

تست: دو دنبالهٔ حسابی $2, 5, 8, \dots$ و $3, 7, 11, \dots$ چند جملهٔ مشترک کمتر از 100 دارند؟

$$10 \quad (4)$$

$$9 \quad (3)$$

$$8 \quad (2)$$

$$7 \quad (1)$$

پاسخ: جمله‌های مشترک دوتا دنبالهٔ حسابی، خودشان دنباله‌ای حسابی می‌سازند که قدرنسبیش ک.م.م. قدرنسبت دو دنباله است. دنباله‌ها را ادامه می‌دهیم تا به اولین جملهٔ مشترک برسیم:

$$\begin{cases} 2, 5, 8, 11, 14, \dots & d = 3 \\ 3, 7, 11, 15, \dots & d' = 4 \end{cases}$$

پس اولین جملهٔ مشترک 11 است و قدرنسبت جملات مشترک می‌شود 12 . (ک.م.م 3 و 4)

جملات مشترک این‌ها هستند:

$$11, \xrightarrow{+12} 23, \xrightarrow{+12} 35, \xrightarrow{+12} 47, \xrightarrow{+12} 59, \dots$$

تعداد جمله‌های مشترک کمتر از 100 را می‌خواهیم. جملهٔ عمومی مشترک‌ها $C_n = C_1 + (n-1)d = 11 + (n-1) \times 12$ است:

$$C_n = 11 + 12n - 12 = 12n - 1 \xrightarrow{C_n < 100} 12n - 1 < 100 \Rightarrow 12n < 101 \Rightarrow n < \frac{101}{12} \approx 8\frac{1}{5}$$

پس اولین جملهٔ مشترک کمتر از 100 دارد.

تست: در دنباله حسابی ...، a_1, a_2, \dots مجموع بیست جمله اول کدام است؟

۵۷۵ (۴)

۵۶۵ (۳)

۵۵۵ (۲)

۵۴۵ (۱)

$$2a = 4 + 6 = 10 \Rightarrow a = \frac{10}{2} = 5 / 5$$

$$d = 6 / 5 - 4 = 2 / 5$$

$$2B = A + C \text{ داریم:}$$

پس قدرنسبت برابر است با:

حالا جمع بیست جمله اول را می‌خواهیم. باید در حالت کلی $a_1 + a_2 + \dots + a_n$ را حساب کنیم:

$$a_1 + a_2 + \dots + a_n = a_1 + a_1 + d + a_1 + 2d + \dots + a_1 + (n-1)d$$

$$= (a_1 + a_1 + \dots + a_1) + (d + 2d + \dots + (n-1)d) = na_1 + (1+2+3+\dots+(n-1))d = na_1 + \frac{(n-1)n}{2}d$$

مجموع اعداد طبیعی ۱ تا m , برابر $\frac{m(m+1)}{2}$ بود. پس

$$a_1 = 4, d = 2 / 5, n = 20, a_1 + a_2 + \dots + a_{20} = 20a_1 + \frac{19(20)}{2}d = 20 \times 4 + 19 \times 2 / 5 = 80 + 475 = 555 \text{ پس داریم:}$$

؟ پرسش‌های چهارگزینه‌ای

-۲۰۹- اگر $b_n = (\alpha-1)n^{\gamma} + (1-3\alpha)n + \alpha$ دنباله‌ای حسابی باشد، جمله سوم آن کدام است؟

-۸ (۴)

-۵ (۳)

۹ (۲)

۷ (۱)

-۲۱۰- در دنباله حسابی با جمله عمومی $t_n = (2n-1)(3n-1) - n(kn+1)$ مقدار جمله چندم برابر ۳۵ است؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

-۲۱۱- در دنباله با جمله عمومی a_n , اگر بدانیم $a_1 = 3$ و $a_{n+1} = \frac{1}{2}(2a_n + 1)$, آن‌گاه a_{14} کدام است؟

۷۰۶ (۴)

۷۰۴ (۳)

۷۰۲ (۲)

۷۰۰ (۱)

(کتاب درسی)

-۲۱۲- در یک دنباله حسابی، اگر جمله سوم ۸ و قدرنسبت برابر $1 / 5$ باشد، جمله سیزدهم کدام است؟

۲۱ (۴)

۲۲ / ۵ (۳)

۲۳ (۲)

۲۴ / ۵ (۱)

-۲۱۳- در یک دنباله حسابی جمله اول و قدرنسبت برابرند. اگر جمله ششم آن ۳۰ باشد، جمله دوم چه‌قدر است؟

۱۸ (۴)

۱۲ (۳)

۱۵ (۲)

۱۰ (۱)

(کتاب درسی)

-۲۱۴- در یک دنباله حسابی، جملات سوم و هفتم به ترتیب ۲۰ و ۵۶ است. جمله دوازدهم دنباله کدام است؟

۷۶ (۴)

۹۲ (۳)

۸۳ (۲)

۱۰۱ (۱)

-۲۱۵- در یک دنباله حسابی جمله اول برابر ۱۰ و مجموع جملات پنجم و ششم برابر ۱۱ است. جمله چهارم کدام است؟

۱۳ (۴)

۸ (۳)

۷ (۲)

۶ (۱)

-۲۱۶- در یک دنباله حسابی جمله سوم نصف جمله هشتم است. اگر جمله دهم ۶ باشد، جمله یازدهم کدام است؟

۶ (۴)

۷ (۳)

۷ / ۵ (۲)

۶ / ۵ (۱)

-۲۱۷- در یک دنباله حسابی با قدرنسبت d , اگر جمله دوم برابر $5d$ و جمله نهم برابر حاصل ضرب جملات اول و پنجم باشد، آن‌گاه جمله سیزدهم کدام است؟

۹ (۴)

۸ (۳)

۶ (۲)

۴ (۱)

-۲۱۸- در دنباله حسابی ...، $1, 4, 7, \dots$, قدرنسبت را دو برابر کرده و از جمله اول ۲ واحد کم می‌کنیم تا دنباله حسابی b_n به وجود بیاید، b_4 کدام است؟

۶۱ (۴)

۶۵ (۳)

۶۳ (۲)

۶۱ (۱)

-۲۱۹- با اضافه کردن ۴ واحد به جملات اول و دوم یک دنباله حسابی، جملات اول و دوم دنباله حسابی جدید ساخته می‌شود. اختلاف جمله n م دو دنباله کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۳)

۶ (۴)

۲ (۳)

۸ (۲)

۴ (۱)

-۲۲۰- در دنباله حسابی ...، $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}, \dots$ جمله اول را با $\frac{1}{3}$ و جمله دوم را با $\frac{2}{3}$... جمع می‌کنیم. جمله دوازدهم دنباله جدید کدام است؟

۱۹ / ۵ (۴)

۱۵ / ۵ (۳)

۱۵ / ۲ (۲)

۱۹ / ۲ (۱)

-۲۲۱- در دنباله حسابی $a_n = \frac{3n^2 - n}{n}$ جملات دوم، چهارم، ششم و ... دنباله جدید b_n را می‌سازند. مقدار b_4 کدام است؟

۲۳۹ (۴)

۲۳۷ (۳)

۲۳۶ (۲)

۲۳۳ (۱)



خوبی

با

دنباله حسابی

(تجربی ۱۴۰۲)

- ۲۲۲- جمله‌های چهارم و هشتم یک دنباله حسابی به ترتیب جمله دوم و هفتم یک الگوی خطی هستند. اگر صفر، جمله دهم الگوی خطی باشد، جمله پانزدهم الگو چند برابر قدرنسبت دنباله حسابی است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۵ (۵)

- ۲۲۳- در دنباله حسابی t_n ، حاصل $\frac{4t_7 - 2t_3 + t_5}{3}$ برابر کدام جمله است؟

۴) هفتم

۳) هشتم

۳) دهم

۱) نهم

- ۲۲۴- در یک دنباله حسابی $t_۶ = 7$ ، حاصل $t_۱ + t_۲ + t_۳ + t_۴$ چه قدر است؟

۲۸ (۴)

۱۴ (۳)

۲۱ (۲)

۷ (۱)

- ۲۲۵- در یک دنباله حسابی بین جملات رابطه $2a_۱ + 3a_۲ - 5a_۳ = 8$ برقرار است. حاصل $5a_۱ - 3a_۲ - 2a_۳$ کدام است؟

۸ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

-۸ (۱)

- ۲۲۶- در یک دنباله حسابی جملات دوم و هشتم قرینه‌اند و جمله هفتم برابر چهار است. مجموع هشت جمله اول چه قدر است؟

-۸ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱۸ (۱)

- ۲۲۷- در یک دنباله حسابی $t_۱ = 3$ ، $t_۵ + t_۹ = -2$ و $t_۸ + t_۴ = -6$ است. حاصل $t_{۱۳} + t_{۱۵}$ چه قدر است؟

-۶۷ (۴)

-۵ (۳)

-۳۷ (۲)

-۵۵ (۱)

- ۲۲۸- در یک دنباله حسابی جمله پنجم برابر ۳ و هر جمله از جمله قبل خود به اندازه $\frac{1}{3}$ کمتر است. مجموع ۴ جمله چهارم آن کدام است؟

-۸ (۴)

-۷ (۳)

-۶ (۲)

-۵ (۱)

- ۲۲۹- در بیست جمله اول از دنباله عددی، مجموع جملات اول، سوم و پنجم و ... برابر 135 و مجموع جملات دوم، چهارم و ششم و ... برابر 150 می‌باشد. قدرنسبت کدام است؟

۱ (۴)

۲ (۳)

۰ / ۷۵ (۲)

۱ / ۵ (۱)

(كتاب درسی)- ۲۳۰- در یک دنباله حسابی، مجموع سه جمله اول 3 و مجموع سه جمله بعدی آن 39 است. جمله هشتم دنباله کدام است؟

۲۵ (۴)

۳۱ (۳)

۲۹ (۲)

۳۳ (۱)

- ۲۳۱- قرص نان را بین ۵ نفر طوری تقسیم می‌کنیم که یک سوم مجموع سه سهم بزرگ‌تر برابر مجموع دو سهم کوچک‌تر باشد، اختلاف تعداد قرص‌های نان بیشترین و کمترین سهم چه قدر است؟

۵۵ (۴)

۵۰ (۳)

۴۵ (۲)

۴۰ (۱)

(كتاب درسی)- ۲۳۲- مجموع ۵ جمله اول از یک دنباله حسابی 60 و مجموع دو جمله بزرگ‌تر 3 برابر مجموع 3 جمله کوچک‌تر است. قدرنسبت کدام است؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

- ۲۳۳- در دنباله حسابی $a_۷ = 5 + \sqrt{2}$ و $a_۱ = 3 + \sqrt{2}$ مجموع چهار جمله چهارم چه قدر از مجموع چهار جمله دوم بیشتر است؟

۳۲ (۴)

۱۶ (۳)

۶۴ (۲)

۸ (۱)

- ۲۳۴- در یک دنباله حسابی به قدرنسبت 2 واحد اضافه می‌کنیم. از جمله اول چه قدر کم کنیم تا مجموع جملات اول تا بیست تغییری نکند؟

۴۰ (۴)

۲۰ (۳)

۳۸ (۲)

۱۹ (۱)

(واسطه حسابی)

(ق.م)- ۲۳۵- اعداد $-1, 5P + 4, 3P + 4$ و $2P + 3$ سه جمله متولی یک دنباله حسابی هستند. قدرنسبت این دنباله کدام است؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

- ۲۳۶- اگر $x, y - 1, 4, 2y + 3, \dots$ دنباله‌ای حسابی باشد، جمله هشتم آن کدام است؟

۱۹ (۴)

-۱۱ (۳)

-۱۳ (۲)

۲۲ (۱)

- ۲۳۷- در دنباله حسابی $-1, 5x + 2x - 2, 3x + 1, 5x - 4t_۸$ مقدار $t_۸$ کدام است؟

۹۶ (۴)

۱۰۸ (۳)

۱۲۰ (۲)

۱۱۲ (۱)

- ۲۳۸- مقادیر a ، $1+2a$ و $a-5$ به ترتیب جملات متولی یک دنباله حسابی هستند. اگر a جمله نخست این دنباله باشد، جمله نهم کدام است؟

(ریاضی ۱۴۰۳)- ۲۳۹- اگر $-x - 4x - 4x - 2, 3x + 1$ به ترتیب جمله‌های چهارم، دوم و اول دنباله‌ای حسابی باشند، قدرنسبت آن کدام است؟

-۴ (۴)

-۳ (۳)

-۲ (۲)

-۱ (۱)

- ۲۴۰- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۷- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۸- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۹- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۰- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۱- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۲- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۳- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۴- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۵- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۶- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۷- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۸- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۱۹- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۰- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۱- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۲- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۳- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۴- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۵- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۶- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۷- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۸- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۲۹- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۰- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۱- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۲- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۳- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۴- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۵- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۶- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۷- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۸- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۳۹- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۰- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۱- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۲- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۳- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۴- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۵- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۶- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۷- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۸- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۴۹- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۰- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۱- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۲- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۳- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۴- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۵- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۶- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۷- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۸- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۵۹- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۰- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۱- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۲- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۳- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۴- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۵- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۶- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۷- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۸- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۶۹- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۷۰- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۷۱- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۷۲- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۷۳- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

(تجربی ۱۴۰۲)- ۲۴۷۴- با توجه به دو دنباله حسابی رویه‌رو، مقدار xy کدام است؟

-۲۴۱- اعداد طبیعی متولی را به طریقی دسته‌بندی می‌کنیم که آخرین عدد هر گروه مربع کامل باشد، یعنی ...، {۲، ۳، ۴}... در دسته نهم، واسطه حسابی بین دو عدد اول و آخر آن، کدام است؟

(تجربی ۹۹)

۷۴ (۴)

۷۳ (۳)

۷۲ (۲)

۷۱ (۱)

(تجربی خارج ۸۶)

-۲۴۲- در یک دنباله حسابی اگر $t_1 = 5$ و $t_۴ = ۹$ ، آن‌گاه $t_۷ + t_۸ + t_۹ = ?$ چه قدر است؟

۷۵ (۴)

۵۷ (۳)

۳۸ (۲)

۱۹ (۱)

-۲۴۳- در دنباله حسابی a_n داریم $a_۱ = ۱$ و $a_۲ = \frac{5}{3}$ و $a_۳ = \frac{a_{۱۵} + a_{۱۷} + a_{۱۹}}{a_{۲۳} + a_{۲۵} + a_{۲۷}}$ کدام است؟

۲۱ (۴)

$\frac{۷}{۱۷}$ (۳)

$\frac{۱۰۵}{۷۱}$ (۲)

$\frac{۳۵}{۷۱}$ (۱)

-۲۴۴- در یک دنباله حسابی $t_۱ = ۲$ و $t_۴ + t_۷ + t_{۱۰} = ۸$ می‌باشد. قدرنسبت کدام است؟

۲ (۴)

$-\frac{۲}{۳}$ (۳)

-۲ (۲)

$\frac{۲}{۳}$ (۱)

-۲۴۵- در یک دنباله حسابی مجموع جملات ششم تا هشتم برابر ۷ است. حاصل $t_۱ + t_۴ + t_۵ + \dots + t_۷$ کدام است؟

۴۹ (۴)

۴۹ (۳)

$\frac{۱۴}{۳}$ (۲)

۱۴ (۱)

-۲۴۶- در یک دنباله حسابی $t_k = ۶$ و $t_{k+۶} = ۰$ ، مقدار $t_۷ + t_۸$ کدام است؟

۱۶ (۴)

۱۲ (۳)

$2k$ (۲)

-۱۲ (۱)

-۲۴۷- اگر در یک دنباله حسابی $a_۷ = ۱۶$ و $a_۹ = ۸$ باشد، قدرنسبت کدام است؟

-۰ / ۱۷۵ (۴)

-۰ / ۶۲۵ (۳)

-۰ / ۳۶۵ (۲)

-۰ / ۱۲۵ (۱)

-۲۴۸- در یک مثلث قائم‌الزاویه، طول اضلاع دنباله حسابی می‌سازند. وتر چند برابر محیط است؟

$\frac{۵}{۱۳}$ (۴)

$\frac{۵}{۱۲}$ (۳)

$\frac{۵}{۸}$ (۲)

$\frac{۵}{۷}$ (۱)

-۲۴۹- در یک ۴ ضلعی، اندازه زاویه‌ها دنباله حسابی می‌سازند. اگر کوچک‌ترین زاویه 54° باشد، بزرگ‌ترین زاویه کدام است؟

126° (۴)

108° (۳)

84° (۲)

72° (۱)

-۲۵۰- در دنباله حسابی ...، $x_۲ = ۲۰$ ، $x_۳ = ۲۶$... بزرگ‌ترین جمله منفی کدام است؟

-۴ (۴)

-۳ (۳)

-۲ (۲)

-۱ (۱)

۱۸ (۴)

۱۶ (۳)

۱۴ (۲)

۱۵ (۱)

-۲۵۱- چند عدد دورقمی مضرب ۵ وجود دارد؟

۲۰ (۴)

۱۹ (۳)

۱۷ (۲)

۱۸ (۱)

-۲۵۲- دنباله حسابی با جمله اول 63 و قدرنسبت (-4) چند جمله مثبت دارد؟

۱۸ (۴)

۱۷ (۳)

۱۶ (۲)

۱۵ (۱)

-۲۵۳- در دنباله حسابی $a_۱, a_۲, \dots, a_{۴۳}$ ، اگر مجموع و حاصل ضرب سه جمله اول به ترتیب 12 و 28 باشند، دنباله چند جمله دارد؟

۱۶ (۴)

۱۵ (۳)

۱۴ (۲)

۱۳ (۱)

-۲۵۴- بین 18 و 62 سه واسطه حسابی درج کردایم. بزرگ‌ترین عددی که نوشته‌ایم، کدام است؟

۵۳ (۴)

۵۲ (۳)

۵۱ (۲)

۵۰ (۱)

-۲۵۵- بین دو عدد 12 و 63 ، نه واسطه حسابی می‌نویسیم. مجموع سه جمله دوم دنباله حاصل کدام است؟

$66/7$ (۴)

$66/6$ (۳)

$96/2$ (۲)

$97/2$ (۱)

(کتاب درسی)

-۲۵۷- طبق تجویز پژوهش، بیماری باید داروی A را در هر 4 ساعت یک بار و داروی B را 6 ساعت یک بار مصرف کند، اگر بیمار مصرف هر دو دارو را با هم شروع کند، چند ساعت پس از اولین مصرف، دو داروی A و B با هم مصرف می‌شوند؟

۳۶ (۴)

۲۴ (۳)

۱۸ (۲)

۱۲ (۱)

-۲۵۸- بیست جمله اول دنباله حسابی با جمله اول $3 = a_۱$ و قدرنسبت $2 = d_۲$ با بیست جمله اول دنباله حسابی با جمله اول $2 = b_۱$ و قدرنسبت $3 = d_۲$ چند جمله مساوی دارند؟

۹ (۴)

۸ (۳)

۷ (۲)

۶ (۱)

(تجربی ۹۶)

۶۱ (۴)

60 (۳)

59 (۲)

۵۸ (۱)



- ۲۶۰- با توجه به دنباله حسابی، مجموع $\frac{1}{2 \times 5} + \frac{1}{5 \times 8} + \frac{1}{8 \times 11} + \dots + \frac{1}{17 \times 20}$ کدام است؟
- ۰/۲۵ (۴) ۰/۲۴ (۳) ۰/۱۸ (۲) ۰/۱۵ (۱)
- ۲۶۱- اگر S_n مجموع n جمله اول یک دنباله حسابی و سه جمله اول دنباله S_n به صورت $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{9}{2}$ باشد، جمله چهارم دنباله S_n کدام است؟
- ۵ (۴) $\frac{9}{2}$ (۳) ۴ (۲) $\frac{7}{2}$ (۱)

مثل کنکوری سنت

- ۲۶۲- اگر دنباله $a_n = \sqrt{(2n - k)}$ حسابی باشد k کدام نمی‌تواند باشد؟
- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۰) صفر
- ۲۶۳- در دنباله حسابی اگر $a_n = a_{n+1} + \frac{1}{3}$ و مجموع ۶ جمله اول ۱۰ باشد، مجموع ۶ جمله سوم چه قدر است؟
- ۱۴ (۱) ۱۴ (۲) ۳۴ (۳) -۳۴ (۴)
- ۲۶۴- اگر a_n دنباله حسابی با قدرنسبت ۳ باشد، دنباله جدید $b_n = a_{n+1}^3 - a_n^3$ چگونه است؟
- ۱ (۱) هندسی ۲ (۲) حسابی با قدرنسبت ۶ ۳ (۳) درجه دوم
- ۲۶۵- جمله اول یک دنباله حسابی ۱۳ و قدرنسبت آن عددی صحیح است. اگر این دنباله فقط ۵ جمله مثبت داشته باشد، جمله بیستم آن کدام است؟
- ۱ (۱) ۲ (۲) -۴۱ (۳) -۴۴ (۴) -۴۷ (۱)
- ۲۶۶- در مستطیلی عرض و طول و قطر دنباله حسابی می‌سازند. مساحت مستطیل چند درصد توان دوم قطر است؟
- ۱ (۱) ۲۴ (۲) ۴۸ (۳) ۴۸ (۰)
- ۲۶۷- در میان ۴۰ جمله اول دنباله حسابی که $a_1 = -\frac{7}{2}$ و $d = \frac{1}{4}$ است، جمع جملات طبیعی کدام است؟
- ۱ (۱) ۲۰ (۲) ۲۷ (۳) ۲۸ (۰)
- ۲۶۸- جملات دوم، ششم و سیزدهم از یک دنباله حسابی سه جمله اول یک الگوی درجه دوم هستند. جمله دوازدهم الگوی درجه دوم با کدام جمله این دنباله حسابی برابر است؟
- ۱ (۱) ۲۱۰ (۲) ۲۱۱ (۳) ۲۱۲ (۰)
- ۲۶۹- بین دو عدد مثبت سه تا واسطه حسابی قرار می‌دهیم. اگر مجموع کل جملات ۲۰ و مجموع مربعات آنها ۱۷۰ باشد، اختلاف مقادیر اعداد اولیه کدام است؟
- ۱ (۱) ۱۲ (۲) ۲۰ (۳) ۲۴ (۰)
- ۲۷۰- چند نوع دنباله حسابی شامل پنج جمله متوالی با قدرنسبت یک می‌توان ساخت که مجموع اعضای آن مضرب ۳ بوده و همه جملات آن عضو مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 100\}$ باشند؟
- ۱ (۱) ۲۴ (۰) ۲۵ (۲) ۳۲ (۳)
- ۲۷۱- مجموع ۴ جمله متوالی دنبالهای حسابی برابر ۱۲ و جمع مربعات آنها ۱۱۶ است. حاصل ضرب این جملات چند است؟
- ۱ (۱) ۱۴۴ (۰) ۱۴۴ (۲) -۱۳۵ (۳)
- ۲۷۲- در دنباله حسابی با جمله عمومی $a_n = \frac{3}{2}n - 1$ جمله‌ها را به صورت رو به رو دسته‌بندی می‌کنیم: $(a_1, a_2), (a_3, a_4, a_5), (a_6, a_7, a_8, a_9), \dots$ تعداد جملات دسته n برابر $n + 1$ است. جمع اعداد دسته هشتم کدام است؟
- ۱ (۱) ۴۵۵ (۰) ۴۷۵ (۲) ۵۰۵ (۴)
- ۲۷۳- در دنباله‌های حسابی a_n و b_n با جملات مثبت گر $(a_n)^3 - 4(b_n)^3 = 3(a_n)(b_n)$ و $a_۴ = 2a_۲$ و $b_۷ = 6 - b_۵$ باشد، آن‌گاه چندمین جمله دنباله $\{a_n\}$ برابر ۲۹۶ است؟
- ۱ (۱) ۳۵ (۰) ۳۶ (۲) ۳۸ (۴)
- ۲۷۴- اگر a_n جمله عمومی دنبالهای حسابی باشد، حاصل عبارت $\frac{1}{a_۱a_۲} + \frac{1}{a_۲a_۳} + \dots + \frac{1}{a_{۱۹}a_{۲۰}}$ کدام است؟
- $\frac{۲۱}{a_۱a_{۲۱}}$ (۴) $\frac{۱۹}{a_۱a_{۲۱}}$ (۳) $\frac{۲۰}{a_۱a_{۲۰}}$ (۲) $\frac{۱۹}{a_۱a_{۲۰}}$ (۱)